

Disciplina: Fenômenos de Transporte

Profa: Suely Midori Aoki

### Exercícios – Hidrodinâmica

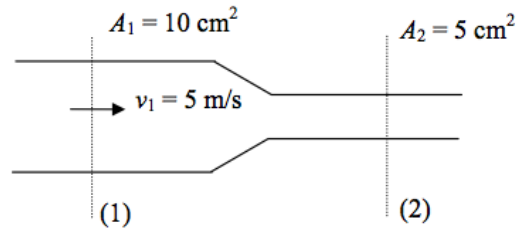
#### Vazão

(obs: vazão volumétrica está aqui indicado como Q )

**Exercício R.2.3.1.** Na tubulação convergente da figura, calcule a vazão em volume e a velocidade na seção 2 sabendo que o fluido é incompressível.

$$Q_1 = Q_2$$

$$v_1 \cdot A_1 = v_2 \cdot A_2 \Rightarrow v_2 = v_1 \cdot \frac{A_1}{A_2} = 5 \cdot \frac{10}{5} = 10 \text{ m/s}$$



A vazão em volume é :

$$Q_1 = v_1 \cdot A_1 = 5 \left( \frac{\text{m}}{\text{s}} \right) \cdot 10 (\text{cm}^2) \cdot 10^{-4} \left( \frac{\text{m}^2}{\text{cm}^2} \right) = 5 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3 / \text{s} = 5 \text{ dm}^3 / \text{s} = 5 \text{ l/s}$$

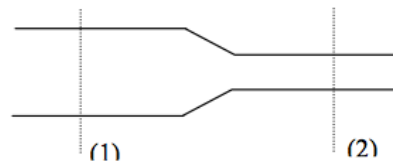
**Exercício R.2.3.2.** Ar escoa em regime permanente num tubo convergente. A área da maior seção do tubo é  $20 \text{ cm}^2$  e a da menor seção é  $10 \text{ cm}^2$ . A massa específica do ar na seção (1) é  $0,12 \text{ utm/m}^3$  enquanto que na seção (2) é  $0,09 \text{ utm/m}^3$ . Sendo a velocidade na seção (1)  $10 \text{ m/s}$ , determine:

- a velocidade na seção (2);
- a vazão em massa de ar nas seções (1) e (2);
- a vazão em volume de ar nas seções (1) e (2).

a) Como o ar é um fluido compressível, a equação da continuidade é :

$$Q_m^1 = Q_m^2 \Rightarrow \rho_1 \cdot v_1 \cdot A_1 = \rho_2 \cdot v_2 \cdot A_2$$

$$v_2 = \frac{\rho_1 \cdot v_1 \cdot A_1}{\rho_2 \cdot A_2} = \frac{0,12 \left( \frac{\text{utm}}{\text{m}^3} \right) \cdot 10 \left( \frac{\text{m}}{\text{s}} \right) \cdot 20 (\text{cm}^2)}{0,09 \left( \frac{\text{utm}}{\text{m}^3} \right) \cdot 10 (\text{cm}^2)} = 26,7 \text{ m/s}$$



b) As vazões em massa em (1) e (2) são iguais ( regime permanente ):

$$Q_m = \rho_1 \cdot v_1 \cdot A_1 = 0,12 \left( \frac{\text{utm}}{\text{m}^3} \right) \cdot 10 \left( \frac{\text{m}}{\text{s}} \right) \cdot 20 (\text{cm}^2) \cdot 10^{-4} \left( \frac{\text{m}^2}{\text{cm}^2} \right) = 2,4 \cdot 10^{-3} \frac{\text{utm}}{\text{s}}$$

c) As vazões em volume em (1) e (2) são diferentes ( fluido compressível ):

$$Q_1 = v_1 \cdot A_1 = 10 \left( \frac{\text{m}}{\text{s}} \right) \cdot 20 \times 10^{-4} (\text{m}^2) = 20 \times 10^{-3} \text{ m}^3 / \text{s} \Rightarrow Q_1 = 20 \text{ l/s}$$

$$Q_{21} = v_2 \cdot A_2 = 26,7 \left( \frac{\text{m}}{\text{s}} \right) \cdot 10 \times 10^{-4} (\text{m}^2) = 26,7 \times 10^{-3} \text{ m}^3 / \text{s} \Rightarrow Q_2 = 26,7 \text{ l/s}$$

EXERCÍCIOS PROPOSTOS:

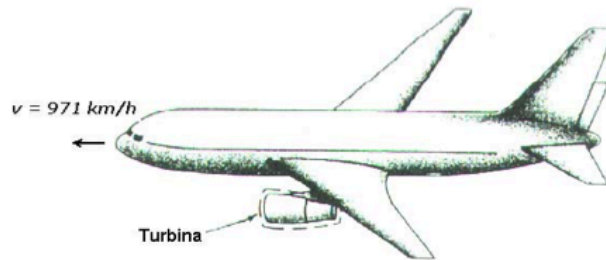
**Exercício P.2.3.1.** Água é descarregada de um tanque cúbico de 5 m de aresta por um tubo de 5 cm de diâmetro localizado na base. A vazão de água no tubo é 10 l/s. Determinar a velocidade de descida da superfície livre da água do tanque e, supondo desprezível a variação de vazão, determinar o tempo que o nível da água levará para descer 20 cm.

**Respostas :** 4. 10<sup>-4</sup> m/s ; 500 s

**Exercício P.2.3.2.** Dois reservatórios cúbicos de 10 m e 5 m de aresta, são enchidos por água proveniente de uma mesma tubulação em 500 s e 100 s, respectivamente. Determinar a velocidade da água na tubulação sabendo que o seu diâmetro é 1,0 m.

**Resposta :** 4,13 m/s

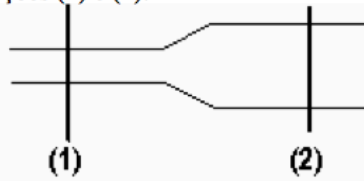
**Exercício P.2.3.3.** O avião esboçado na figura voa a 971 km/h. A área da seção frontal de alimentação de ar da turbina é igual a 0,8 m<sup>2</sup> e o ar, neste local, apresenta massa específica de 0,736 kg/m<sup>3</sup>. Um observador situado no avião detecta que a velocidade dos gases na exaustão da turbina é igual a 2021 km/h. A área da seção transversal da exaustão da turbina é 0,558 m<sup>2</sup> e a massa específica dos gases é 0,515 kg/m<sup>3</sup>. Determine a vazão em massa de combustível utilizada na turbina.



**Resposta :** 2,51 kg/s

**Exercício P.2.3.4.** Ar escoa em um tubo divergente, conforme a figura abaixo. A área da menor seção do tubo é 50 cm<sup>2</sup> e a da maior seção é 100 cm<sup>2</sup>. A velocidade do ar na seção (1) é 18 m/s enquanto que na seção (2) é 5 m/s. Sendo a massa específica do ar na seção (1) é 0,026 kg/m<sup>3</sup>, determine:

- a massa específica do ar na seção (2);
- a vazão em massa de ar nas seções (1) e (2);
- a vazão em volume de ar nas seções (1) e (2).



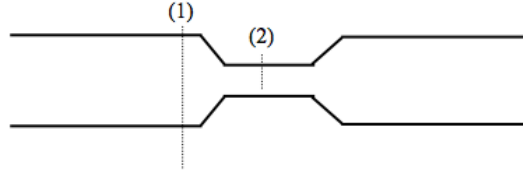
Dados/Informações Adicionais:

- Considere regime permanente e lembre-se que o ar é um fluido compressível

**Resposta :** 0,0468 kg/m<sup>3</sup> ; 0,00234 kg/s e 0,00234 kg/s ; 0,09 m<sup>3</sup>/s e 0,05 m<sup>3</sup>/s

#### 2.4.4. O TUBO VENTURI

O venturi consiste de uma tubulação cuja seção varia até um mínimo e, novamente, volta a ter a mesma seção inicial. Este tipo de estrangulamento é denominado de garganta. A equação de Bernoulli aplicada entre as seções (1) e (2) na figura abaixo fornece :

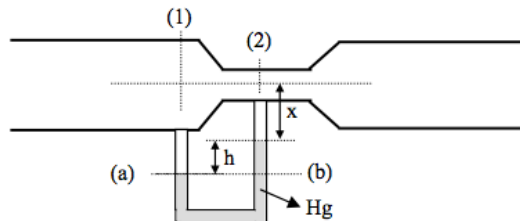


$$z_1 + \frac{P_1}{\gamma} + \frac{v_1^2}{2.g} = z_2 + \frac{P_2}{\gamma} + \frac{v_2^2}{2.g} \Rightarrow \frac{v_2^2 - v_1^2}{2.g} = \frac{P_1 - P_2}{\gamma}$$

Como  $v_2 > v_1$ , temos que  $P_1 > P_2$ , pode-se avaliar a velocidade medindo-se a diferença de pressão entre as seções (1) e (2). Portanto, medindo-se a diferença de pressão e conhecendo-se as áreas das seções, pode-se calcular a vazão com este dispositivo, pois pela equação da continuidade, temos :

$$Q = v_1 . A_1 = v_2 . A_2$$

**Exercício R.2.4.2.** No Venturi da figura água escoava como fluido ideal. A área na seção (1) é  $20 \text{ cm}^2$  enquanto que a da seção (2) é  $10 \text{ cm}^2$ . Um manômetro cujo fluido manométrico é mercúrio ( $\gamma_{\text{Hg}} = 13600 \text{ kgf/m}^3$ ) é ligado entre as seções (1) e (2) e indica um desnível “h” de 10 cm. Pede-se a vazão em volume de água ( $\gamma_{\text{H}_2\text{O}} = 1000 \text{ kgf/m}^3$ )



$$H_1 = H_2 \quad \text{ou} \quad z_1 + \frac{P_1}{\gamma} + \frac{v_1^2}{2.g} = z_2 + \frac{P_2}{\gamma} + \frac{v_2^2}{2.g}$$

Como os centros geométricos das seções (1) e (2) estão na mesma altura :  $z_1 = z_2$ , portanto :

$$\frac{P_1}{\gamma} + \frac{v_1^2}{2.g} = \frac{P_2}{\gamma} + \frac{v_2^2}{2.g} \Rightarrow \frac{P_1 - P_2}{\gamma} = \frac{v_2^2 - v_1^2}{2.g} \Rightarrow \frac{P_1 - P_2}{\gamma} = \frac{v_2^2 - v_1^2}{2.g} \quad \textcircled{1}$$

Como  $A_2 < A_1 \Rightarrow v_2 > v_1$  ( energia cinética aumenta )  $\Rightarrow$  energia de pressão diminui (  $P_2 < P_1$  )

A pressão em (a) é igual a pressão em (b) :  $P_a = P_b$ , ou :

$$P_1 + \gamma_{\text{H}_2\text{O}} \cdot x + \gamma_{\text{H}_2\text{O}} \cdot h = P_2 + \gamma_{\text{H}_2\text{O}} \cdot x + \gamma_{\text{Hg}} \cdot h$$

$$P_1 - P_2 = (\gamma_{\text{Hg}} - \gamma_{\text{H}_2\text{O}}) \cdot h = (13600 - 1000) \cdot 0,10 = 1260 \text{ kgf/m}^2$$

Substituindo  $\textcircled{2}$  em  $\textcircled{1}$ , temos :

$$\frac{P_1 - P_2}{\gamma} = \frac{v_2^2 - v_1^2}{2.g} \Rightarrow \frac{1260}{1000} = \frac{v_2^2 - v_1^2}{2 \times 9,8} \Rightarrow v_2^2 - v_1^2 = 24,7 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} \quad \textcircled{2}$$

Pela equação da continuidade, temos :

$$Q_1 = Q_2 \Rightarrow v_1 \cdot A_1 = v_2 \cdot A_2 \Rightarrow v_1 = v_2 \cdot \frac{A_2}{A_1} = v_2 \cdot \frac{10(\text{cm}^2)}{20(\text{cm}^2)} \Rightarrow v_1 = \frac{v_2}{2} \quad \textcircled{3}$$

Substituindo  $\textcircled{3}$  em  $\textcircled{2}$  , temos :

$$v_2^2 - \left(\frac{v_2}{2}\right)^2 = 24,7 \Rightarrow v_2 = 5,7 \text{ m/s}$$

Portanto, a vazão em volume será :

$$Q = v_2 \cdot A_2 = 5,7 \times 10 \times 10^{-4} = 5,7 \times 10^{-3}$$

$$\boxed{Q = 5,7 \text{ l/s}}$$

Apostila de Fenômenos de Transporte (exemplar eletrônico) de Eduardo Emery Cunha Quites, baseada no livro “Mecânica dos Fluidos”, Franco Brunetti, Editora Pearson Education - Brasil.